

2019 福建省高职招考（面向普高）第一次质检卷答案

数学试题参考答案

一、选择题：本大题共 14 小题，每小题 5 分，共 70 分。

1. B 2. A 3. D 4. B 5. C 6. D 7. A

8. D 9. C 10. A 11. B 12. D 13. C 14. B

二、填空题：本大题共 4 小题，每小题 5 分，共 20 分。把答案填在答题卡相应位置。

15. -2 16. $\sqrt{2}$ 17. 3 18. $-\frac{1}{2}$

三、解答题：本大题共 6 小题，共 60 分，解答应写出文字说明、证明过程或验算步骤。

19. 解： $y = \frac{1 + \cos 2x}{2} + \frac{1}{2} \sin 2x$

$$= \frac{\sqrt{2}}{2} \sin\left(2x + \frac{\pi}{4}\right)$$

$\because \sin\left(2x + \frac{\pi}{4}\right) \in [-1, 1]$, \therefore 原函数的最大值为 $\frac{\sqrt{2}}{2}$.

20. (1) 解： $a_1 = s_1 = 2$, $a_6 = s_6 - s_5 = 22$

(2) 由 $n \geq 2$ 时 $a_n = s_n - s_{n-1} = 2n^2 - 2(n-1)^2 = 4n - 2$,

$$\therefore a_n = \begin{cases} 2, n=1 \\ 4n-2, n \geq 2 \end{cases}$$

21. (1) 解：设 3 本不同的语文书为 1, 2, 3, 设 2 本不同的数学书为 a, b

从中任意取出 2 本为 (m, n), 如下：(1, 2) (1, 3) (1, a) (1, b) (2, 3)

(2, a) (2, b) (3, a) (3, b) (a, b) 共 10 种，其中都是数学书的有 (a, b) 1 种

$$P=0.1$$

(2) 恰有 1 本数学书有 (1, a) (1, b) (2, a) (2, b) (3, a) (3, b) 6 种

$$P=0.6$$

22. 解：设抛物线方程为 $y^2 = ax$, 直线与抛物线的两交点为 $A(x_1, y_1)$, $B(x_2, y_2)$

把 $y = 2x + 1$ 代入 $y^2 = ax$ 得 $4x^2 + (4 - a)x + 1 = 0$,

由韦达定理得 $x_1 + x_2 = -\frac{4-a}{4}$, $x_1 \cdot x_2 = \frac{1}{4}$,

由弦长 $|AB| = \sqrt{15}$ 得 $\sqrt{5} \cdot \sqrt{\frac{(4-a)^2}{16} - 1} = \sqrt{15}$, 解得 $a = -4$ 或 $a = 12$,

\therefore 所求抛物线方程为 $y^2 = -4x$ 或 $y^2 = 12x$.

23. (1) 证明: 在长方体 $ABCD-A_1B_1C_1D_1$ 中, $AD \parallel A_1D_1$, 又 $\because EH \parallel A_1D_1$, $\therefore AD \parallel EH$,
 $\because AD \not\subset$ 平面 $EFGH$, $EH \subset$ 平面 $EFGH$, $\therefore AD \parallel$ 平面 $EFGH$.

(II) $S_{\triangle EB_1F} = \frac{1}{2} EB_1 \cdot B_1F = \frac{1}{2} a \cdot \frac{a}{2} = \frac{a^2}{4}$

$h = B_1C_1 = a$ $V_{EB_1F-HC_1G} = \frac{a_2}{4} \cdot a = \frac{a^3}{4}$

24. 解 (1) $f(x) = ax \ln x$, 定义域 $(0, +\infty)$

$f'(x) = a(\ln x + 1)$

令 $f'(x) < 0$, 得 $0 < x < \frac{1}{e}$

\therefore 函数的单调减区间为 $(0, \frac{1}{e})$

(2) 由题得: $\because g(x) = \log_2(-x^2 + x) \therefore g(x)_{\max} = \log_2 \frac{1}{4} = -2$

对任意定义域内的 x 的值, 都有 $f(x) \geq g(x)$ 成立, 则 $f(x)_{\min} \geq g(x)_{\max}$

$\because a > 0$ 时, $f(x)$ 在 $(0, \frac{1}{e})$ 上递减, 在 $(\frac{1}{e}, +\infty)$ 上递增

$\therefore f(x)$ 在 $x = \frac{1}{e}$ 时取极小值为 $-\frac{a}{e}$, $\therefore f(x)_{\min} = -\frac{a}{e} \geq g(x)_{\max} = -2$

$\therefore -\frac{a}{e} \geq -2$, 得 $a \leq 2e$,

$\because a < 0$ 时 $f(x)$ 取极大值, 不合题意舍去, 综上得 $0 < a \leq 2e$